

# Tentamen i Digitala system - EITA15 15hp varav denna tentamen 4,5hp

Institutionen för elektro- och informationsteknik  
Campus Helsingborg, LTH

2020-12-18      14.00 - 19.00 (förlängd 20.00)

Uppgifterna i tentamen ger totalt 60 poäng. Uppgifterna är inte ordnade på något speciellt sätt. Läs därför igenom alla uppgifter innan du börjar lösa dem. Några uppgifter är uppdelade i deluppgifter. Av totalt 60 möjliga poäng fordras minst 30 för godkänt.

Betygsgränser:

- 30p - 39p ger betyg 3
- 40p - 49p ger betyg 4
- 50p - 60p ger betyg 5

Kursbok tillåten

## Observera!

- För att rättning av lösning skall komma i fråga fordras att den är läslig samt klart och tydligt uppställd.
- Minimering av funktionerna ses som en naturlig del av lösningen.
- Lösningar med hjälp av VHDL får endast användas då det anges att uppgiften ska lösas med VHDL.
- Glöm inte att skriva personlig identifierare på varje blad.
- Alla lösa blad ska vara samlade i omslaget.
- Lösningarna ska vara numrerade och ordnade i nummerföljd.
- Påbörja ny uppgift på nytt papper.

Lycka till!

1.

$$f_1 = x'_1 x_2 x'_3 + x'_1 x_2 x_4 + x_1 x_2 x_3 + x'_2 x'_3 x_4$$

$$f_2 = (x'_1 + x'_2 + x_3) * (x_1 + x'_3 + x_4) * (x_2 + x'_3)(x_2 + x_4)$$

Sanningstabellen blir för  $f_1$  (minterm=1):      Sanningstabellen blir för  $f_2$  (maxterm =0):

$x_3 x_2 x_1 x_0$	$f_1$
0000	0
0001	0
0010	<b>1</b>
0011	0
0100	0
0101	0
0110	0
0111	<b>1</b>
1000	<b>1</b>
1001	<b>1</b>
1010	<b>1</b>
1011	0
1100	0
1101	0
1110	<b>1</b>
1111	<b>1</b>

$x_3 x_2 x_1 x_0$	$f_2$
0000	<b>0</b>
0001	<b>0</b>
0010	1
0011	<b>0</b>
0100	<b>0</b>
0101	<b>0</b>
0110	<b>0</b>
0111	1
1000	1
1001	1
1010	1
1011	<b>0</b>
1100	<b>0</b>
1101	<b>0</b>
1110	1
1111	1

Ett annat sätt att visa likhet är med hjälp av boole's algebra. Vi utgår från  $f_2$  och skriver om den på disjunktiv normalform

$$\begin{aligned}
 f_2 &= (x'_1 + x'_2 + x_3)(x_1 + x'_3 + x_4)(x_2 + x'_3)(x_2 + x_4) = \\
 &= (x'_1 x'_3 + x'_1 x_4 + x_1 x'_2 + x'_2 x'_3 + x'_2 x_4 + x_1 x_3 + x_3 x_4)(x_2 + x'_3 x_4) = \\
 &= x'_1 x_2 x'_3 + x'_1 x_2 x_4 + x_1 x'_2 x'_3 x_4 + x'_2 x'_3 x_4 + x'_1 x'_3 x_4 + x_1 x_2 x_3 + x_2 x_3 x_4 = \\
 &= x'_1 x_2 x'_3 x_4 + x'_1 x_2 x'_3 x'_4 + x'_1 x_2 x_3 x_4 + x_1 x'_2 x'_3 x_4 + x'_1 x'_2 x'_3 x_4 + x_1 x_2 x_3 x_4 + x_1 x_2 x_3 x'_4 \\
 &= m_{0101} + m_{0100} + m_{0111} + m_{1001} + m_{0001} + m_{1111} + m_{1110} \\
 &= m_1 + m_4 + m_5 + m_7 + m_9 + m_{14} + m_{15}
 \end{aligned}$$

Nu skriver vi  $f_1$  in disjunktiv normal form:

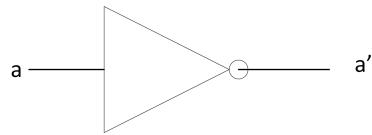
$$\begin{aligned}
 f_1 &= x'_1 x_2 x'_3 x_4 + x'_1 x_2 x'_3 x'_4 + x'_1 x_2 x_3 x_4 + x_1 x_2 x_3 x_4 + x_1 x_2 x_3 x'_4 + x_1 x'_2 x'_3 x_4 + x'_1 x'_2 x'_3 x_4 f_1 \\
 &= m_{0101} + m_{0100} + m_{0111} + m_{1111} + m_{1110} + m_{1001} + m_{0001} \\
 &= m_1 + m_4 + m_5 + m_7 + m_9 + m_{14} + m_{15}
 \end{aligned}$$

2. a)

$$(ab)'(ab')'$$

De Morgan ger

$$(a' + b')(a' + b) = a' + a'b + a'b' + bb' = a'$$



Figur 1: Uppgift a

b)

$$a'bc' + a'bd' + cd$$

koncensiusterm

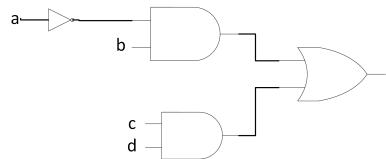
$$a'bc' + a'bd' + cd + a'bc$$

koncensiusterm

$$a'bc' + a'bd' + cd + a'bc + a'b$$

absorption

$$a'b + cd$$



Figur 2: Uppgift b

3. a)

$$6BFC_{16} = 6 * 4096 + 11 * 256 + 15 * 16 + 12 = 27644_{10}$$

$$\text{b) } 8063_{10} = 0010\ 0110\ 1000\ 0111_2 = 2687_{16}$$

c)

$$13_{10} - 120_{10}$$

$$13 = 0000\ 1101, 120 = 0111\ 1000 \Rightarrow -120 = 1000\ 1000$$

$$1000\ 1000 + 0000\ 1101 = 1001\ 0101$$

$$0110\ 0101 + 1 = 0110\ 1011 = 107$$

$$-107_{10}$$

d)

$$68_{10} - 50_{10}$$

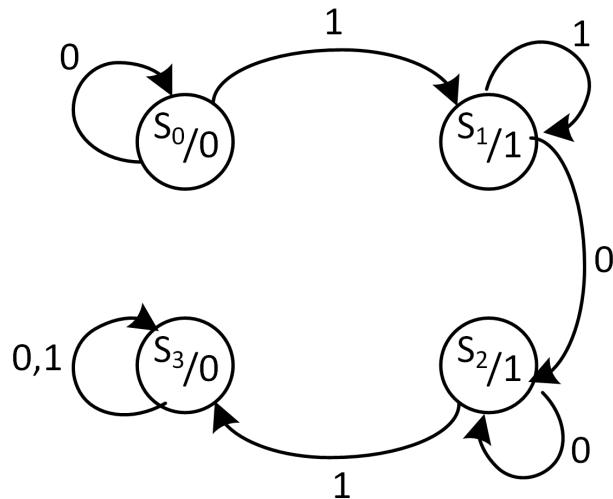
$$68 = 0100\ 0100, 50 = 0011\ 0010 \Rightarrow -50 = 1100\ 1110$$

$$0100\ 0100 + 1100\ 1110 = 0001\ 0010$$

$$0001\ 0010 = 18$$

$$18_{10}$$

4. a) Tillståndsgrafen

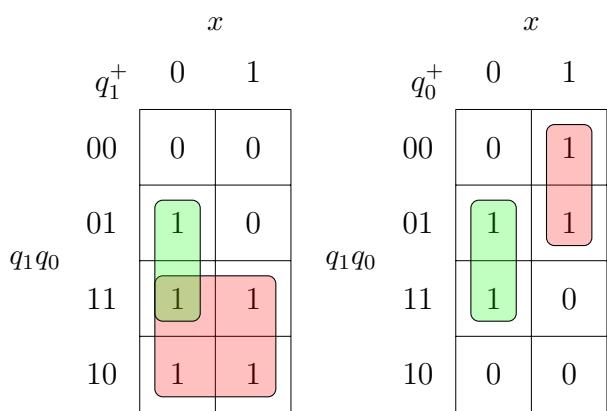


Figur 3: Tillståndsgraf

b) Tillståndstabell

nuvarande tillstånd	nästa tillstånd	utsignal
	x	u
	0 1	
s0	s0 s1	0
s1	s2 s1	1
s2	s2 s3	1
s3	s3 s3	0

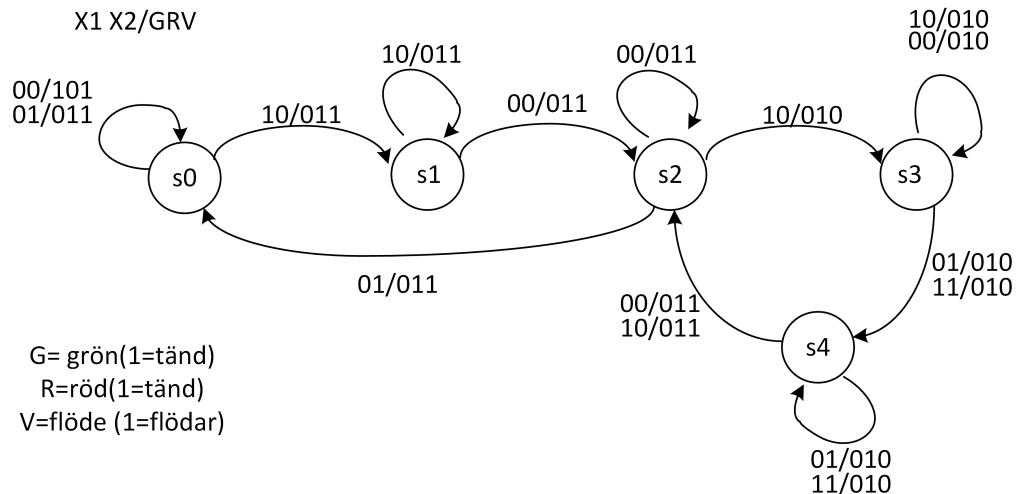
Tillståndskodning enligt  $s_0=00$ ,  $s_1=01$ ,  $s_2=11$ ,  $s_3=10$  ger karnaughdiagram:



Funktionerna blir:

$$\begin{aligned}
 q_0^+ &= x'q_0 + xq_1' \\
 q_1^+ &= q_1 + x'q_0 \\
 u &= q_0
 \end{aligned}$$

5. Ett exempel på en tillståndsgraf:



Figur 4: Tillståndsgraf

Tillståndstabell:

Nuvarande tillstånd	Nästa tillstånd				
	x1x2/GRV	00	01	10	
$s_0$		$s_0/101$	$s_0/011$	$s_1/011$	-/-/-
$s_1$		$s_2/011$	-/-/-	$s_1/011$	-/-/-
$s_2$		$s_2/011$	$s_0/011$	$s_3/010$	-/-/-
$s_3$		$s_3/010$	$s_4/010$	$s_3/010$	$s_4/010$
$s_4$		$s_2/011$	$s_4/010$	$s_2/011$	$s_4/010$

Figur 5: Tillståndstabell

Tillståndskoda enligt :  $s_0=000$ ,  $s_1=001$ ,  $s_2=010$ ,  $s_3=011$  och  $s_4=111$

Karnaugh ger:

		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
		00	01	11	10	00	01	11	10	
$q_0^+$		00	0	0	-	1	-	-	-	
		01	0	-	-	1	-	-	-	
$q_1q_0$		11	1	1	1	1	0	1	0	
		10	0	0	-	1	-	-	-	
		$q_2 = 0$				$q_2 = 1$				
		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
$q_1^+$		00	01	11	10	00	01	11	10	
		00	0	0	-	0	-	-	-	-
$q_1q_0$		01	1	-	-	0	-	-	-	
		11	1	1	1	1	1	1	1	
		10	1	0	-	1	-	-	-	
		$q_2 = 0$				$q_2 = 1$				
		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
$q_2^+$		00	01	11	10	00	01	11	10	
		00	0	0	-	0	-	-	-	-
$q_1q_0$		01	0	-	-	0	-	-	-	-
		11	0	1	1	1	1	1	1	
		10	0	0	-	1	-	-	-	
		$q_2 = 0$				$q_2 = 1$				

		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
		00	01	11	10	00	01	11	10	
$G$		00	1	0	-	0	-	-	-	-
$q_1q_0$	01	0	-	-	0	-	-	-	-	
	11	0	0	0	0	0	0	0	0	
$q_2 = 0$	10	0	0	-	0	-	-	-	-	
		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
$R$		00	01	11	10	00	01	11	10	
$q_1q_0$	00	0	1	-	1	-	-	-	-	
	01	1	-	-	1	-	-	-	-	
$q_2 = 0$	11	1	1	0	1	1	1	0	-	
	10	1	1	-	1	-	-	-	-	
$q_2 = 1$										
		$x_1x_0$				$x_1x_0$				
$V$		00	01	11	10	00	01	11	10	
$q_1q_0$	00	1	1	-	1	-	-	-	-	
	01	1	-	-	1	-	-	-	-	
$q_2 = 0$	11	0	0	0	0	1	0	0	1	
	10	1	1	-	0	-	-	-	-	
$q_2 = 1$										

$$\begin{aligned}
q_0^+ &= q_2 x_0 + q'_2 x_1 + q'_2 q_1 q_0 \\
q_1^+ &= q'_2 + q_0 x'_1 + q_1 q_0 + q_1 x'_0 \\
q_2^+ &= q'_1 x_1 + q_0 x_0 \\
G &= q'_2 q'_1 q'_0 x'_1 x'_0 \\
R &= x'_1 + x_1 x'_0 \\
V &= q'_1 + q_2 q_0 x'_0 + q'_0 x'_1
\end{aligned}$$